

## BASIC DERIVATIVES AND INTEGRALS

### DERIVATIVES

- 1)  $\frac{d}{dx} cu = cu'$
- 2)  $\frac{d}{dx} u \pm v = u' \pm v'$
- 3)  $\frac{d}{dx} u \cdot v = u'v + v'u$
- 4)  $\frac{d}{dx} \frac{u}{v} = \frac{u'v - v'u}{v^2}$
- 5)  $\frac{d}{dx} c = 0$
- 6)  $\frac{d}{dx} u^n = nu^{n-1}$
- 7)  $\frac{d}{dx} x = 1$
- 8)  $\frac{d}{dx} |u| = \frac{u}{|u|} u'$
- 9)  $\frac{d}{dx} \ln u = \frac{u'}{u}$
- 10)  $\frac{d}{dx} e^u = e^u u'$
- 11)  $\frac{d}{dx} \log_a u = \frac{u'}{u \cdot \ln a}$
- 12)  $\frac{d}{dx} a^u = a^u \ln a \cdot u'$
- 13)  $\frac{d}{dx} \sin u = \cos u \cdot u'$
- 14)  $\frac{d}{dx} \cos u = -\sin u \cdot u'$
- 15)  $\frac{d}{dx} \tan u = \sec^2 u \cdot u'$
- 16)  $\frac{d}{dx} \cot u = -\csc^2 u \cdot u'$
- 17)  $\frac{d}{dx} \sec u = \sec u \tan u \cdot u'$

- 18)  $\frac{d}{dx} \csc u = -\csc u \cot u \cdot u'$
- 19)  $\frac{d}{dx} \sin^{-1} u = \frac{u'}{\sqrt{1-u^2}}$
- 20)  $\frac{d}{dx} \cos^{-1} u = \frac{-u'}{\sqrt{1-u^2}}$
- 21)  $\frac{d}{dx} \tan^{-1} u = \frac{u'}{1+u^2}$
- 22)  $\frac{d}{dx} \cot^{-1} u = \frac{-u'}{1+u^2}$
- 23)  $\frac{d}{dx} \sec^{-1} u = \frac{u'}{|u|\sqrt{u^2-1}}$
- 24)  $\frac{d}{dx} \csc^{-1} u = \frac{-u'}{|u|\sqrt{u^2-1}}$
- 25)  $\frac{d}{dx} \sinh u = \cosh u \cdot u'$
- 26)  $\frac{d}{dx} \cosh u = \sinh u \cdot u'$
- 27)  $\frac{d}{dx} \tanh u = \operatorname{sech}^2 u \cdot u'$
- 28)  $\frac{d}{dx} \coth u = -\operatorname{csch}^2 u \cdot u'$
- 29)  $\frac{d}{dx} \operatorname{sech} u = -\operatorname{sech} u \tanh u \cdot u'$
- 30)  $\frac{d}{dx} \operatorname{csch} u = -\operatorname{csch} u \coth u \cdot u'$
- 31)  $\frac{d}{dx} \sinh^{-1} u = \frac{u'}{\sqrt{u^2+1}}$
- 32)  $\frac{d}{dx} \cosh^{-1} u = \frac{u'}{\sqrt{u^2-1}}$
- 33)  $\frac{d}{dx} \tanh^{-1} u = \frac{u'}{1-u^2}$
- 34)  $\frac{d}{dx} \coth^{-1} u = \frac{u'}{1-u^2}$

- 35)  $\frac{d}{dx} \operatorname{sech}^{-1} u = \frac{-u'}{u\sqrt{1-u^2}}$
- 36)  $\frac{d}{dx} \operatorname{csch}^{-1} u = \frac{-u'}{|u|\sqrt{1+u^2}}$

### INTEGRALS (all: +C)

- 1)  $\int du = u$
- 2)  $\int u^n du = \frac{u^{n+1}}{n+1}$
- 3)  $\int u dv = uv - \int v du$
- 4)  $\int \frac{du}{u} = \ln|u|$
- 5)  $\int a^u du = \frac{a^u}{\ln a}$
- 6)  $\int e^u du = e^u$
- 7)  $\int \sin u du = -\cos u$
- 8)  $\int \cos u du = \sin u$
- 9)  $\int \tan u du = \ln|\sec u|$
- 10)  $\int \cot u du = -\ln|\csc u|$
- 11)  $\int \sec u du = \ln|\sec u + \tan u|$
- 12)  $\int \csc u du = \ln|\csc u - \cot u|$
- 13)  $\int \sec^2 u du = \tan u$
- 14)  $\int \csc^2 u du = -\cot u$
- 15)  $\int \sec u \tan u du = \sec u$
- 16)  $\int \csc u \cot u du = -\csc u$
- 17)  $\int \frac{du}{\sqrt{a^2-u^2}} = \sin^{-1} \frac{u}{a}$
- 18)  $\int \frac{du}{a^2+u^2} = \frac{1}{a} \tan^{-1} \frac{u}{a}$
- 19)  $\int \frac{du}{u\sqrt{u^2-a^2}} = \frac{1}{a} \sec^{-1} \frac{|u|}{a}$
- 20)  $\int \frac{du}{a^2-u^2} = \frac{1}{2a} \ln \left| \frac{u+a}{u-a} \right|$
- 21)  $\int \frac{du}{u^2-a^2} = \frac{1}{2a} \ln \left| \frac{u-a}{u+a} \right|$
- 22)  $\int \sinh u du = \cosh u$
- 23)  $\int \cosh u du = \sinh u$
- 24)  $\int \tanh u du = \ln \cosh u$
- 25)  $\int \coth u du = \ln|\sinh u|$
- 26)  $\int \operatorname{csch} u du = \ln \left| \tanh \frac{u}{2} \right|$
- 27)  $\int \operatorname{sech}^2 u du = \tanh u$
- 28)  $\int \operatorname{csch}^2 u du = -\coth u$
- 29)  $\int \operatorname{sech} u \tanh u du = -\operatorname{sech} u$
- 30)  $\int \operatorname{csch} u \coth u du = -\operatorname{csch} u$
- 31)  $\int \ln u du = u \ln u - u$

## BASIC DERIVATIVES AND INTEGRALS (PRACTICE)

### DERIVATIVES

$$1) \frac{d}{dx} cu =$$

$$2) \frac{d}{dx} u \pm v =$$

$$3) \frac{d}{dx} u \cdot v =$$

$$4) \frac{d}{dx} \frac{u}{v} =$$

$$5) \frac{d}{dx} c =$$

$$6) \frac{d}{dx} u^n =$$

$$7) \frac{d}{dx} x =$$

$$8) \frac{d}{dx} |u| =$$

$$9) \frac{d}{dx} \ln u =$$

$$10) \frac{d}{dx} e^u =$$

$$11) \frac{d}{dx} \log_a u =$$

$$12) \frac{d}{dx} a^u =$$

$$13) \frac{d}{dx} \sin u =$$

$$14) \frac{d}{dx} \cos u =$$

$$15) \frac{d}{dx} \tan u =$$

$$16) \frac{d}{dx} \cot u =$$

$$17) \frac{d}{dx} \sec u =$$

$$18) \frac{d}{dx} \csc u =$$

$$19) \frac{d}{dx} \sin^{-1} u =$$

$$20) \frac{d}{dx} \cos^{-1} u =$$

$$21) \frac{d}{dx} \tan^{-1} u =$$

$$22) \frac{d}{dx} \cot^{-1} u =$$

$$23) \frac{d}{dx} \sec^{-1} u =$$

$$24) \frac{d}{dx} \csc^{-1} u =$$

$$25) \frac{d}{dx} \sinh u =$$

$$26) \frac{d}{dx} \cosh u =$$

$$27) \frac{d}{dx} \tanh u =$$

$$28) \frac{d}{dx} \coth u =$$

$$29) \frac{d}{dx} \operatorname{sech} u =$$

$$30) \frac{d}{dx} \operatorname{csch} u =$$

$$31) \frac{d}{dx} \sinh^{-1} u =$$

$$32) \frac{d}{dx} \cosh^{-1} u =$$

$$33) \frac{d}{dx} \tanh^{-1} u =$$

$$34) \frac{d}{dx} \coth^{-1} u =$$

$$35) \frac{d}{dx} \operatorname{sech}^{-1} u =$$

$$36) \frac{d}{dx} \operatorname{csch}^{-1} u =$$

### INTEGRALS (all: +C)

$$1) \int du =$$

$$2) \int u^n du =$$

$$3) \int u dv =$$

$$4) \int \frac{du}{u} =$$

$$5) \int a^u du =$$

$$6) \int e^u du =$$

$$7) \int \sin u du =$$

$$8) \int \cos u du =$$

$$9) \int \tan u du =$$

$$10) \int \cot u du =$$

$$11) \int \sec u du =$$

$$12) \int \csc u du =$$

$$13) \int \sec^2 u du =$$

$$14) \int \csc^2 u du =$$

$$15) \int \sec u \tan u du =$$

$$16) \int \csc u \cot u du =$$

$$17) \int \frac{du}{\sqrt{a^2 - u^2}} =$$

$$18) \int \frac{du}{a^2 + u^2} =$$

$$19) \int \frac{du}{u\sqrt{u^2 - a^2}} =$$

$$20) \int \frac{du}{a^2 - u^2} =$$

$$21) \int \frac{du}{u^2 - a^2} =$$

$$22) \int \sinh u du =$$

$$23) \int \cosh u du =$$

$$24) \int \tanh u du =$$

$$25) \int \coth u du =$$

$$26) \int \operatorname{csch} u du =$$

$$27) \int \operatorname{sech}^2 u du =$$

$$28) \int \operatorname{csch}^2 u du =$$

$$29) \int \operatorname{sech} u \tanh u du =$$

$$30) \int \operatorname{csch} u \coth u du =$$

$$31) \int \ln u du =$$